建設構造研究室	PHAM NGOC VINH
指導教官	宮下 剛

### 1. はじめに

圧縮軸力部材に炭素繊維シートを接着する工法を 適用する場合,終局時に圧縮力作用下で座屈変形に 追従できず,炭素繊維シートが剥離することが懸念 される.炭素繊維シートによる鋼構造部材の圧縮補 強への適用性に関する研究として,積層鋼板の一軸 圧縮試験を実施した.実験結果から,補修・補強効 果を検討し,各試験体の破壊モードの判定を目的と している.最も,一軸圧縮座屈強度を評価する方法 を妥当性について検討する.

さらに,断面欠損を有する軸力部材は欠損分の引 張剛性の炭素繊維シート接着工法で補修されても、 欠損端部表面での応力集中により健全部まで回復し ない場合がある.そのため,欠損端部表面に応力集 中が緩和されるために,切欠きにテーパーを設ける 工法を提案する.テーパーを設けることの効果を検 討するため、積層切欠き鋼板の一軸引張試験を実施 した.

# 2. 炭素繊維シート接着鋼板の一軸圧縮試験

#### 2.1 鋼材

本試験では,鋼種をSS400材の一種類のみとし,幅 60mm,厚さ9mm鋼材を用いた.寸法を表 2.1に示 す.

表	2.1	鋼材の材料定数と寸法	

鋼材	ヤング係数	厚さ	幅	降伏応力	ポアソン比
SS400	200(GPa)	9(mm)	60(mm)	317(MPa)	0.3

### 2.2 炭素繊維シート

本研究で使用した炭素繊維シート(以下、CFRP), 接着樹脂,パテ材の物性を表 2.2に示す.

座屈変形のような大変形に対して,補強効果を発 揮させるためには,CFRPのはく離を抑制する必要が ある.そこで,本試験では弾性係数が小さく,伸び 量が大きい(高伸度)パテ材を挿入する.

表 2.2 材料定数

	炭素繊維シート (FTS-C8-30DS)	エポキシ樹脂 (E5P)	高伸度弾性パテ材 (FU-Z)
ヤング係数	701(GPa)	2533(MPa)	68(MPa)
厚さ	0.143(mm)	0.517(mm)	0.8(mm)
幅	60(mm)	60(mm)	60(mm)
強度	2625(Mpa)		
ポアソン比	0.3	0.4	0.49

#### 2.3 試験ケース

試験ケースを表 2.3 に基づいて説明する.全ての ケースで炭素繊維シートを鋼板の両面に接着した. 1 層接着した場合では,炭素繊維シートの貼付け長さ は,鋼材長さが 800mm のとき 400mm,鋼材長さが 400mm のとき 300mm である 2 層接着した場合では, 鋼材長さは 800mm であり,1 層目の炭素繊維シート貼 付け長さは 450mm、2 層目の炭素繊維シート貼付け 長さは 400mm である.10,15,20 層接着した場合では, 定着長は 10mm,端部ずらし量を 10mm・25mm 設け た.

また,パテ材の影響を考察するために,パテ材を 挿入しない試験体(CN2-200-25)を追加する.鋼材長は 800mm,1層目の炭素繊維シート貼付け長さは450mm, 2 層目の炭素繊維シート貼付け長さは400mm である.

**表** 2.3 試験体一覧

ケース	記号	屠数	定着長 (mm)	ずらし量 (mm)	鋼材長 (mm)	パテ材	試験 体数
1-1	C1-150	1	150		400	0	3
1-2	C1-200	1	200		800	0	3
1-3	C2-200-25	2	200	25	800	0	3
1-4	C10-100-25	10	100	25	700	0	3
1-5	C15-100-25	15	100	25	950	0	3
1-6	C20-100-25	20	100	25	1200	0	3
1-7	C10-100-10	10	100	10	430	0	3
1-8	C15-100-10	15	100	10	530	0	3
追加	CN2-200-25	2	200	25	800	Х	3

以上の全9ケースについて実験を実施した.試験体の形状を図 2.1 に示す.



図 2.1 試験形状

### 2.4 炭素繊維シート接着鋼板の弾性座屈荷重計測

ここでは,実験結果から積層鋼板の弾性座屈荷 重を正確に評価するまで,積層鋼板のたわみ曲線 を任意に仮定できるために,Rayleigh-Ritz法を用いた.

2.4.1 計測方法

**図** 2.2 に示す beam*i* (*i*=1~*n*)において炭素繊維 シートが接着された圧縮鋼板の曲げ剛性は次のよう に表される.



図 2.2 炭素繊維シートが接着された圧縮鋼板 曲げ剛性:

 $(EI)_{(s+cf)} = E_s I_s + 2E_{cf} I_{cf}$ 

$$= E_{s}\left(\frac{bt_{s}^{3}}{12}\right) + 2E_{cf}\left[\frac{b(nt_{cf})^{3}}{12} + nt_{cf}b\left(\frac{t_{s} + nt_{cf}}{2}\right)^{2}\right](1)$$

断面積:

$$A_{(s+cf)} = bt_s + 2nbt_{cf} = A_s + 2nA_{cf}$$
<sup>(2)</sup>

ここで,b は鋼材と CFRP の幅, $t_s$  は鋼材の厚さ, $A_s$ は鋼材の断面積, $E_s$  は鋼材のヤング係数, $t_{cf}$ は CFRP の厚さ, $A_{cf}$ は炭素繊維シートの断面積, $E_{cf}$ は CFRP のヤング係数,n は積層数である.

計算の簡略化のために,CFRP 接着鋼板の初期たわ みを無視し,座屈形状を多項式で仮定する.この理 由を以下に述べる.軸方向圧縮力を受けるはりにお いて,横方向の微小変位を v とすると,この変位 v に関する微分方程式は以下となる.

$$EI\frac{d^4v}{dx^4} + P\frac{d^2v}{dx^2} = 0$$
(3)

式(3)の一般解は、次のように表される.

$$v = \sum_{i=1}^{q} A_{q} \sin \frac{(2q-1)\pi}{l} x$$
 (4)

í 次

ここで, $A_q$ は未定係数,lははりの長さ,EIは曲げ 剛性,Pは荷重である.

そして,三角関数を Taylor 展開すると,以下の多 項式になる.

$$v = a_1 \left( x^2 - \frac{l^2}{4} \right) + a_2 \left( x^2 - \frac{l^2}{4} \right)^2 + \dots + a_q \left( x^2 - \frac{l^2}{4} \right)^q \quad (5)$$

Rayleigh-Ritz 法により,座屈形 状関数の次数 *q* を大きくすると, *P* が弾性座屈荷重に収束する.

また,仮定された形状関数は

$$v\left(\frac{i}{2}\right) = 0, \quad v\left(-\frac{i}{2}\right) = 0$$
の幾何学

的境界条件を満足する.



L

a) ひずみエネルギー

軸圧縮力を受ける積層鋼板のひずみエネルギーU は単位面積あたりのひずみエネルギーを軸方向に積 分して,対象領域で積分することにより,次のよう に導出される.

$$U = \frac{1}{2} \int_{-\frac{l}{2}}^{\frac{l}{2}} (EI)_{s+cf} \left(\frac{d^2 \nu}{dx^2}\right)^2 dx$$
(7)

式(5)を式(7)に代入すると,積層鋼板のひずみエネル ギーUは以下のようになる.

$$U = \frac{1}{2} \left[ \sum_{k=1}^{q} \sum_{m=1}^{q} A_k A_m K_{km} \right] \quad (k, m = 1 \sim q) \tag{8}$$

ここで, *A<sub>k</sub>,A<sub>m</sub>* は未定係数, *q* は形状関数の次数である. *K<sub>km</sub>* は以下のように表される.

$$K_{km} = \int_{-\frac{l}{2}}^{\frac{l}{2}} (EI)_{s+cf} \left[ 4km(2k-1)(2m-1)x^{2(k+m)-4} \right] dx$$

$$\Rightarrow K_{km}\Big|_{x_{1}}^{x_{2}} = \int_{x_{1}}^{x_{2}} (EI)_{s+cf} \Big[ 4km(2k-1)(2m-1)x^{2(k+m)-4} \Big] dx$$

$$= (EI)_{s+cf} \Big[ \frac{4km(2k-1)(2m-1)x^{2(k+m)-3}}{2(k+m)-3} \Big]_{x_{1}}^{x_{2}} \quad (k,m=1 \sim q)$$
(9)

b) 外力による仕事

外力による仕事は以下の式(8)で表される.

$$V = -\frac{1}{2} \int_{-\frac{l}{2}}^{\frac{l}{2}} P\left(\frac{dv}{dx}\right)^2 dx$$
 (10)

式(5)を式(10)に代入すると,積層鋼板のひずみエネ ルギーUは以下のようになる.

$$V = -\frac{1}{2} P \left[ \sum_{k=1}^{q} \sum_{m=1}^{q} A_k A_m M_{km} \right] \quad (k, m = 1 \sim q) (11)$$

*M*<sub>km</sub>は以下のように表される.

$$M_{km} = \int_{-\frac{l}{2}}^{\frac{l}{2}} 4kmx^{2(k+m)-2} dx = \left[\frac{4kmx^{2(k+m)-1}}{2(k+m)-1}\right]_{-\frac{l}{2}}^{\frac{l}{2}}$$
(12)
$$= \frac{8km}{2(k+m)-1} \left(\frac{l}{2}\right)^{2(k+m)-1} (k, m=1 \sim q)$$

c) Rayleigh-Ritz 法による解法

全ポテンシャルエネルギー最小の原理は次の式 (13)で表される.

$$\frac{\partial \Pi}{\partial A_i} = \frac{\partial (U+V)}{\partial A_i} = 0 \quad (i = 1 \sim q) \tag{13}$$

この式から A<sub>i</sub> (未定係数)に関する連立一次方程式 が以下の式(12)のように構成され,その固有値問題と して,弾性座屈応力 P<sub>e</sub>が求まることとなる.

$$\begin{bmatrix} K_{11} - M_{11}P & K_{12} - M_{12}P & \dots & K_{1q} - M_{1q}P \\ K_{12} - M_{12}P & K_{22} - M_{22}P & \dots & K_{2q} - M_{2q}P \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ K_{1q} - M_{1q}P & K_{2q} - M_{2q}P & \dots & K_{qq} - M_{qq}P \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A_1 \\ A_2 \\ \vdots \\ A_q \end{bmatrix} = 0$$
(14)

### 2.4.2 座屈モード形

座屈モード形は,式(6)と式(14)より求める.具体 的には,一つの未定係数を決定して,残りの未定係 数をこれで表す.次に,座屈モード形の絶対値で正 規化する.

2.5 計算結果と考察

2.5.1 形状関数の次数と弾性座屈荷重の関係

形状関数の次数と弾性座屈荷重の関係を代表例として,C10-100-25 について図 2.4 に示す.形状関数の次数 *q*を1~7と変化させる.*q*=3以降で,座屈荷 重は概ね収束することから,本研究で採用する形状 関数の次数を4とする.



図 2.4 次数と弾性座屈荷重の収束関係

### 2.5.2 計測結果と実験値

Rayleigh-Ritz 法から計算された弾性座屈荷重と 実験値の比較・補強効果を図 2.5、図 2.6 に示す. ここで, *P<sub>es</sub>*は鋼材単体の実寸より計算したオイラー 弾性座屈荷重理論値, *P<sub>e</sub>*は Rayleigh-Ritz 法を用いて, 試験体の実寸より計算した弾性座屈荷重理論値, *P<sub>max</sub>* は実験での最大荷重である.

計測過程には試験体の厚さとして鋼材厚+炭素繊 維シートの厚さを用いる.実際はプライマーや樹脂 パテにより,試験体厚はこの方法で用いた値よりも 大きくなる.樹脂やパテなどの厚さを考慮しない理 由としては,計算を簡略化でき,弾性座屈荷重を実 際の最大荷重よりも低く評価できることを目的とす るためである.そのために,図 2.5から,ずらし量 を 10mm 設ける試験体以外は全ケースの耐力荷重は 概ね安全側で評価されていることが分かる.特に少 層の炭素繊維シート接着ケースについては安全側で 約 5.0%以内良好な予測精度が得られた.また,ずら し量を 10mm 設ける場合,全ケースの評価誤差は危 険側で-40%以内となった.この理由を以下のように 考える.

C10-100-10 と C15-100-10 試験後の状況を示した**写 真** 2.1 から,ずらし量を 10mm 設ける試験体は炭素 繊維シート積層側で座屈が生じていることが分かる. Rayleigh-Ritz 法を用いる計測過程では,このような 座屈モードを想定しておらず,他の試験体のように 中央で座屈が生じた際の弾性座屈荷重を算出してい る.そのため,このような座屈モードでは,中央で 座屈する場合よりも小さな荷重で座屈してしまうた め,全てのケースが危険側になったのではないかと 考えられる.



図-2.5 評価誤差



**写真** 2.1 試験後の状況

### 2.5.3 パテ材の影響

パテ材の影響を考察するために、パテ材を挿入し ていない CN2-200-25 と C2-200-25 を比較する. C2-200-25 及び CN2-200-25 のゲージ・変位計取り付 け位置と荷重が 10kN のときのひずみ分布を図 2.7 に示す.ここから、パテ材を挿入することで、応力 図 2.6 から,鋼板の両面に炭素繊維シートを接着 したのは補強効果が得られることを確認すとことが できる.そして,積層量が多くれば多いほど,補強 効果が高くなる.また,この図からも,積層数が同 じでも,ずらし量を 25mm 設けた場合ではずらし量 を 10mm 設けた場合よりも大きな補強効果が得られ ることが分かる.







伝達にロスが生じることが分かる.すなわち、パテ 材を挿入することにより、鋼板から炭素繊維シート への応力伝達に遅れが生じる.しかし、パテ材を挿 入することで、炭素繊維シートのひずみが小さくな るものの、最大荷重がほとんど変わらない.また、 パテ材の剥離防止効果により、圧縮力作用下で全ケ ースではシートが鋼材から剥がれなかった.

2.5.4 座屈モード形

図 2.8 には全ケースの面外たわみ計測結果を最 大荷重時,破断発生時,終局状態について示す. 破線で示したものが1次座屈モードの理論値である. この図から,ずらし量を 10mm 設ける試験体以外は 全ケースの最大荷重時の計測値は理論値と良好な 一致を示していることから,最大荷重時では 1 次 モードの変形が生じていたことが分かる.そして, 破断が生じたとき,試験体の上部で理論値よりも 大きな変形が生じていることが確認できる.その ため,最大荷重に達するまでは,1次の座屈モードで の変形であったが,最大荷重後にはわずかな偏心曲 げによって,断面変化点で応力集中を生じ,異なる 破壊状態に至ったと考える.





b)C10-100-25

c)C10-100-10

d)C15-100-10

図 2.8 面外たわみ計測結果

また,図 2.8c,dから,ずらし量が10mm ある試験 体は炭素繊維シート積層側で座屈が生じていること が分かる.このような座屈モードでは,C10-100-10

## 3. 炭素繊維シート接着切欠き鋼板の一軸引張試験

### 3.1 物性値

本試験で使用した鋼材・接着樹脂・ストランドシ ートの材料定数,種類,寸法は表 3.1 に示す.

|--|

材料	種類	幅 mm	厚さ mm	彈性係数 MPa	降伏点 MPa	強度 MPa
鋼板	SM490	60	12	200x10 <sup>3</sup>	406	
ストランドシート	HM900	60	0.429	710x10 <sup>3</sup>		2625
エポキシ樹脂	ESP	60		2533		

と C15-100-10 試験体は中央で座屈する場合よりも小 さな荷重で座屈してしまうため,全てのケースが危 険側になったと考えられる.

## 3.2 試験ケース

試験ケースを表 3.2 に基づいて説明する.全ての ケースでは中央の両面に長さ 300mm, 深さ 3mm の 断面欠損が導入された鋼板に欠損を覆うように炭素 繊維シートを接着した.

3mm の断面欠損に対する必要積層数は片面 2 層に なる.定着長は十分に荷重伝達が完了する 150mm と し,シート端は各層 25mm ずらして積層した.そし て,欠損端部表面での応力集中が緩和させることを 目的とするので,切欠きにテーパーを 1:3 と 1:5 と設ける.

以上より, 全3 ケースについて実験を実施した. 図 3.1 に作成した試験体の設計寸法を示す.

表 3.2 引張試験ケース

欠損厚 シート 居数 定着長 ずらし 鋼材長 バテ材テ 試体 シート種類 No (片面) (mm) (mm) (mm) 数 mm S2TN 3 150 25 1000 X 3 3 ストランド X S2T3 3 2 25 1000 3 150 1:3 シート X S2T5 3 2 150 25 1000 1-5 3



図 3.1 試験形状

3.3 FEA によるテーパーの効果検討

試験体の対称性を考慮して,作成するFEAモデル を二次元平面応力1/4モデルとする.本解析ではプラ イマーが考慮せず,欠損部に充填されたエポキシ樹 脂をモデル化した.使用するソフトウェアは, DIANA9.4.3 Ver.3.0.0 (3)である.

FEAで使用する要素は,2次アイソパラメトリック 平面応力要素(CT12M)である.メッシュ分割は, 各材質を厚さ方向に10分割,部材軸方向に1mmピッ チとする.



## 3.4 試験結果と解析結果

図 3.3 に S2TN,S2T3,S2T5 の荷重 ひずみ関係を 示す.この結果から、全ケースでは定着部および 欠損部中央のひずみはシートと鋼材を合成断面とし た計算値とほぼ一致している.しかし、テーパー 有無 S2TN,S2T3,S2T5 では境界付近欠損側では健全 部の 1.2 倍程度ひずみが健全部より大きくなってい る.欠損部では補修されても,健全部まで回復しな いことが分かる.

図 3.4 に荷重 100kN での鋼材中央およびシート 表面の無補強部応力で除した応力比分布の実験値 および解析値を示す.この図から、実験値と解析値 が概ね一致していることが分かる.また、テーパー を設けても,欠損端部での応力集中が発生している ことが見える.この理由については以下に述べる.

定着部では無補強部から伝わってきた荷重は鋼材 と補強材の引張剛性比で一定分配される.その後, 欠損部で鋼材と補強材の引張剛性比が変化し,荷重 の再分配が起こるが,欠損の断面変化部に近い箇所 では再分配されず,剛性比から決まる分担以上の荷 重を鋼材側が負担することとなる<sup>(2)</sup>.



図 3.3 荷重 ひずみ関係



図 3.4 応力比分布



S2TN

S2T3

S2T5

図 3.5 欠損端部の応力コンター図



S2TN



S2T5

図 3.6 欠損端部のエポキシ樹脂の応力コンター図



図 3.7 テーパー有無ケースの付着せん断応力

表 3.3 に示した一軸引張試験結果から、健全部鋼 材降伏荷重は 292kN であった.そして、実施した積 層切欠き鋼板の終局強度は健全部鋼材降伏荷重の半 分となったといえる.また、テーパーなしケースお よびテーパー有ケースではそれぞれ 148kN と 190kN 付近で剥離が発生した.テーパーを設けることで, 最大荷重が約 30%向上したことが分かる.

図 3.5, 3.6, 3.7 に FEA による欠損端部の応力 コンター図および欠損端部でのエポキシ樹脂の応力 コンター図および付着せん断応力を示す.引張試験 同様に FEA 結果から,テーパーを設けることによる シート端のせん断応力に及ばす影響は微小なものの, 欠損端部のせん断応力に及ばす影響は著しいといえ る.そして,テーパー率が大きいほど欠損端部のせ ん断応力集中の減少量が大きい.また,テーパー有 ケースではテーパーなしケースに対して,欠損端部 のエポキシ樹脂の最大垂直応力がより約2倍小さく なっており,欠損端部表面の応力集中が緩和される ことが見える.

FEA 結果から,テーパーを設けることで,欠損端 部のせん断応力集中が緩和される効果があるのに, 一番大きいなせん断応力がシート端に集中している. そのため,本研究では,テーパーを設けることで, 最大荷重が向上した理由は付着せん断応力で理解で

**表** 3.3 試験結果

試験体		層数	テーパー	パテ	最大荷重 (kN)		鋼材の降伏 荷重(kN)	最大荷重 /降伏荷重比		破壊形態											
COTA	1	2		χ	135.683	148.131		0.464	0.507	欠損端部 からの剥離											
- S21N	i.)	2	-	χ	160.579			0.549		欠損端部 からの剥離											
00 <b>7</b> 70	1	2	1:3	χ	182.674	188.743	188.743 292	202	0.572	0.020	シート端部 からの剥離										
5215	2	2	1:3	χ	194.811			0.707	0.059	シート端部 からの剥離											
COTS	1	2	1:5	X	192.322	194.345	101315	101015	101015	101015	10101	101015	10101	101245	101245	101015	101015		0.658	0.665	シート端部 からの剥離
5215	2	2	1:5	χ	196.367			0.672	0.005	シート端部 からの剥離											

きない.しかし, 図 3.5,3.6から, 剥離荷重が向上 した理由としてはテーパーを設けることで, 欠損端 部表面に応力集中が緩和するので, 欠損端部の エポキシ樹脂に発生した垂直応力が著しく低下し, 引張力下で剥離しにくくなると考える.

#### 4. まとめ

本研究ではトラス橋やアーチ橋の軸力部材,鋼桁 の端支点部,桁橋のフランジなど断面の垂直応力に 対する補修をとした CFRP による補修・補強の開発 を目指し、基礎検討として一軸圧縮試験と一軸引張 試験を実施した.試験結果と FEA から以下のことが 見られる.

#### ■ 一軸圧縮試験

Rayleigh-Ritz 法を用いて、炭素繊維シート接着 鋼板の弾性座屈荷重を評価した結果、ずらし量 を10mm設ける試験体以外は全ケースの耐力荷 重は概ね安全側で評価されている.特に少層の 炭素繊維シートを接着されたケースについて は安全側で約 5.0%以内良好な予測精度が得ら れた.また,ずらし量を 10mm 設ける場合, 全ケースの評価誤差は危険側で-40%以内とな った.端部ずらし量 10mm の試験体は炭素繊維 シート積層側で座屈が生じている.また,試験 体の最大荷重は曲げ剛性により決定され,積層 鋼板中央の曲げ剛性はシート積層側の曲げ剛 性より大きい.そのため,最大荷重は計測した 弾性座屈荷重より小さくなっていると考えら れる.

低弾性パテ材による剥離防止を目的とするた め,鋼板と炭素繊維シート間にパテ材を挿入し た.パテ材を挿入することで、炭素繊維シート のひずみが小さくなるものの、最大荷重はほと んど変わらない.また,パテ材を使用すること で,CFRPの積層数を20層としてもはく離が発生 しないことを確認した.

炭素繊維シート接着工法による補強効果が得 られることを確認すとことができる.また、積 層数が同じでも,端部ずらし量25mmのケース ではずらし量10mmのケースよりも大きな補強 効果が得られた.

## ■ 一軸引張試験

断面欠損端部表面で応力集中が緩和されるため に,断面欠損端部にテーパー構造を設ける工法を 提案した.

引張試験同様に FEA から,テーパーを設けるこ とによるシート端のせん断応力に及ばす影響は 微小なものの,欠損端部のせん断応力に及ばす影 響は約 25%~35%著しいといえる.そして,欠損 端部のエポキシ樹脂の最大垂直応力がより約2倍 小さくなっており,欠損端部表面の応力集中が緩 和されることが見える.

テーパーを設けたケースではテーパーがない ケースと比較して、最大荷重が約 30%向上した. この理由は,FEAを用いた検討を通じて,テーパ ーを設けることで、欠損端部におけるエポキシ 樹脂のせん断応力と垂直応力が低減されるため である.

### 参考文献

- 2) 奥山雄介,宮下剛,緒方辰男,藤野和雄,大垣賀 津雄,秀熊佑哉,堀本歴,長井正嗣:鋼桁腹板の 合理的な補修・補強方法の確立に向けた FRP 接着 鋼板の一軸圧縮試験,構造工学論文集 Vol.57A(2011年3月)
- 2) 石川,北根:断面欠損を有する鋼板の接着補修に 必要な CFRP 板の長さおよび板厚の決定方法, 応用力学論文集, Vol.13, pp.912-920, 2010.
- 3) 宮下,長井:一軸引張を受ける多層の CFRP が積層された鋼板の応力解析,土木学会論文集 A,Vol.66, No.2, pp.378-392, 2010.
- 4) 奥山雄介,宮下剛,若林大,小出宣央,秀熊佑哉, 堀本歴,長井正嗣:鋼橋桁端部腹板の腐食に対す る炭素繊維シートを用いた補修・補強法の最適設 計方法に関する一考察,構造工学論文集 Vol.60A(2014年3月)